

Contrôle 1 (groupe J)

Exercice 1. Simplifier l'expression suivante

$$A = \left(\frac{1}{2} + \frac{2}{5}\right) \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} + \frac{2}{5}\right).$$

Exercice 2. Résoudre l'équation suivante d'inconnue x

$$-x + \frac{1}{5} = \frac{3}{4}x + \frac{1}{8}.$$

Exercice 3. Résoudre les inégalités suivantes

(a) $\frac{2x + 1}{x + 3} \leq 1.$

(b) $\frac{x^2 + x + 2}{x + 1} \leq x^2 + 2.$

Exercice 4. Calculer $S = 1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{9} + \frac{1}{27} + \dots + \frac{1}{3^{30}}.$

Exercice 5.

Soit la suite (u_n) définie par la relation de récurrence $u_{n+1} = 3u_n + 2.$

- (i) Pour quelle valeur de u_0 la suite u_n est-elle constante ?
 - (ii) On pose $v_n = u_n + 1.$ Montrer que la suite (v_n) est une suite géométrique (on précisera la raison).
 - (iii) On suppose que $u_0 = 3.$ Exprimer u_n en fonction de $n.$
-

Contrôle 2 (groupe J)

Exercice 1. Simplifier l'expression suivante

$$A = \left(\frac{1}{3} - \frac{3}{4}\right) \left(\frac{1}{3} - \frac{2}{3} \times \frac{3}{5} - \frac{5}{3} \times \frac{4}{7}\right).$$

Exercice 2. Résoudre l'équation suivante

$$\frac{1}{2}x + \frac{2}{7} = \frac{1}{5}x - \frac{2}{11}.$$

Exercice 3. Résoudre l'équation suivante

$$\frac{x-1}{x^2+x+1} - \frac{x}{x+2} = -1.$$

Exercice 4. Résoudre l'inégalité suivante

$$\frac{x-1}{2x-3} \geq 2.$$

Exercice 5. Résoudre l'inégalité suivante

$$\frac{x^2-x}{x+1} \geq 2x+2.$$

Exercice 6.

Soit la suite (u_n) définie par $u_n = \frac{n^2-n}{n^2+1}$.

- (i) Calculer et représenter u_0 , u_1 , u_2 et u_3 .
 - (ii) Etudier les variations de (u_n) .
 - (iii) Montrer que $0 \leq u_n \leq 1$.
-

Contrôle 3 (groupe J)

Exercice 1. Simplifier l'expression suivante

$$A = \left(\frac{2}{3} - \frac{2}{7}\right) \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \times \frac{3}{5}\right).$$

Exercice 2. Résoudre l'équation suivante d'inconnue x

$$-2x + \frac{1}{3} = \frac{2}{3}x - \frac{1}{5}.$$

Exercice 3. Résoudre l'inégalité suivante

$$\frac{x^2 + 2}{x - 1} \leq 2x + 2.$$

Exercice 4. Soit la suite (u_n) définie par $u_n = \frac{n+2}{n+1}$.

- (i) Calculer et représenter u_0, u_1, u_2, u_3 .
- (ii) Montrer que la suite (u_n) est décroissante.
- (iii) En déduire que la suite (u_n) est bornée (on donnera un majorant et un minorant).

Exercice 5. On veut tracer la courbe représentative C_g de la fonction $g : x \mapsto -\sqrt{x} + 1$.

Pour ce faire, on va passer par le graphe de la fonction f définie par $f(x) = \sqrt{x}$.

- (i) Calculer $f(0), f(0.5), f(1), f(2), f(4)$, puis tracer la courbe C_f d'équation $y = f(x)$.
 - (ii) Expliquer ensuite comment obtenir, à partir de la courbe C_f , la courbe C' d'équation $y = -\sqrt{x}$.
 - (iii) Enfin, à partir de la courbe C' , en déduire la représentation de la courbe C_g .
-

Contrôle 4 (groupe J)

Exercice 1. Simplifier l'expression suivante

$$A = \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{5}\right) \left(\frac{2}{3} - \frac{3}{5} \times \frac{2}{5}\right).$$

Exercice 2. Résoudre l'équation suivante

$$-\frac{1}{2}x + \frac{1}{4} = \frac{1}{3}x + \frac{2}{5}.$$

Exercice 3. Résoudre l'inégalité suivante

$$\frac{x^2 - 5x + 6}{x - 1} > 0.$$

Exercice 4. Calculer les dérivées des fonctions suivantes

(i) $f(x) = (x^2 + x - 1) \cos x.$

(ii) $g(x) = \sqrt{x^2 + 1}.$

Exercice 5. Soit la fonction $f(x) = x^3 - 2x^2 + 1$ et sa courbe représentative \mathcal{C}_f .

(i) Déterminer l'équation de la tangente à \mathcal{C}_f en $x = 1$.

(ii) Déterminer les points de \mathcal{C}_f en lesquels la tangente est parallèle à la droite $y = -x$.

Exercice 6. Soit la fonction $f(x) = \frac{x+1}{x+2}$.

(i) Donner le domaine de définition D_f de f .

(ii) Calculer $f'(x)$.

(iii) Que se passe-t-il lorsque x est proche de -2 ?

(iv) Déterminer les limites de f en $\pm\infty$.

(v) Dresser le tableau de variation de f .

(vi) Tracer sommairement la courbe représentative \mathcal{C}_f de f .

Contrôle 5 (groupe J)

On note par $x \mapsto \exp(x) = e^x$ la fonction exponentielle.

Exercice 1. Calculer les dérivées des fonctions suivantes

(i) $f(x) = \ln(x^4 + x^2 + 1)$.

(ii) $g(x) = x^2 \exp(-x)$.

(iii) $h(x) = \exp\left(\frac{x-1}{x+2}\right)$.

Exercice 2. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $\ln(x^2 + 2) = \ln(2) + 2 \ln(3)$.

Exercice 3. Soit la fonction $f(x) = \ln(x+1) - \ln(x-2)$.

(i) Donner le domaine de définition de f .

(ii) Résoudre l'équation $f(x) = 1$.

(iii) Résoudre l'équation $f(x) = -1$.

Exercice 4. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $e^{-6x} - e^{-3x} - 2 = 0$.
