

# Synchronisation Distribuée

## Exclusion mutuelle sans datation

Laurent PHILIPPE

Master 2 Informatique ISL  
Ingénierie des Systèmes et Logiciels

2021/2022





# Exclusion mutuelle : rappels

- Une ressource partagée ou une section critique n'est accédée que par un processus à la fois
- Un processus est dans les trois états possibles, par rapport à l'accès à la ressource :
  - *demandeur*
  - *dedans*
  - *dehors*
- Changement d'états par un processus :
  - de *dehors* à *demandeur*
  - de *demandeur* à *dedans*
  - de *dedans* à *dehors*

## Propriétés

Accès en exclusion mutuelle doit respecter 2 propriétés :

- Sûreté : un processus au maximum en section critique (état dedans)
- Vivacité : toute demande d'accès à la section critique est satisfaite en un temps fini

Optionnelles :

- Équité : tous les processus ont la même chance d'accéder à la section critique
- Ordre de passage : l'ordre de passage respecte l'ordre des demandes, dépend de l'ordre de transmission des messages

En système distribué, nous présentons deux classes de mécanismes d'exclusion mutuelle

- les mécanismes centralisés
- les mécanismes distribués



## Synchronisation centralisée : définition

Mécanisme centralisé de synchronisation en système distribué regroupe les algorithmes qui utilisent un coordinateur pour gérer l'exclusion mutuelle. Ce coordinateur :

- centralise les requêtes des différents processus de l'application
- réalise l'exclusion mutuelle en accordant la permission d'entrée en Section Critique
- gère une file des requêtes en attente de Section Critique.



## Processus $P_i$

- Quand un processus  $P_i$  veut entrer en Section Critique, il envoie au coordinateur un message de "demande d'entrée en Section Critique". Il attend la permission du coordinateur, avant d'entrer en Section Critique.
- Lorsque  $P_j$  reçoit la permission, il entre en Section Critique.
- Quand  $P_i$  quitte la Section Critique, il envoie un message de sortie de Section Critique au coordinateur.

## Coordinateur

- Si personne en Section Critique, à la réception d'une demande d'accès de  $P_i$ , il retourne "permission d'accès" à  $P_i$ .
- Si un processus  $P_j$  est déjà en Section Critique. Le coordinateur refuse l'accès. La méthode dépend de l'implantation :
  - soit il n'envoie pas de réponse, le processus  $P_j$  est bloqué.
  - soit il envoie une réponse : "Permission non accordée".

Dans les deux cas, le coordinateur dépose la demande de  $P_j$  dans une file d'attente.

- A la réception d'un message de sortie de Section Critique, le coordinateur prend la première requête de la file d'attente de la Section Critique et envoie au processus un message de permission d'entrée en Section Critique.

## Avantages

- Algorithme garantit l'exclusion mutuelle,
- Algorithme juste (les demandes sont accordées dans l'ordre de réception)
- Pas de famine (aucun processus ne reste bloqué)
- Solution facile à implanter
- Pas de supposition sur l'ordre des messages
- Complexité : maximum 2 ou 3 messages

## Inconvénients

- Si coordinateur a un problème, tout le système s'effondre
- Si processus bloqués lors de demande d'accès à une Section Critique occupée : impossibilité de détecter la panne du coordinateur
- Dans de grands systèmes, le coordinateur = goulet d'étranglement



## Algorithmes

Différentes structures de communication :

- Anneau : Le Lann
- Arbre : Naimi-Trehel
- Réseau complet : Suzuki-Kazami

## Système structuré en anneau

- Algorithme utilisant un jeton pour gérer l'accès à une Section Critique
- Jeton (unique pour l'application) = permission d'entrer en Section Critique
- Un seul processus détient le jeton à un moment donné

## Construction de l'anneau

- Construction d'un anneau en attribuant une place à chacun des processus : par ex. numéro du processus
- Chaque processus connaît son successeur dans l'anneau
- Initialisation : jeton attribué à un processus (exemple : Processus  $P_0$ )
- Jeton tourne entre les processus
- Accès en SC quand possède le jeton



## Avantages de l'algorithme

- Simple à mettre en œuvre
- Intéressant si nombreux demandeurs de la ressource
- Équitable en terme de nombre d'accès et de temps d'attente

## Inconvénients (1)

- Nécessite des échanges de messages même si aucun processus ne veut accéder à la Section Critique
- Temps d'accès à la Section Critique peut être long
- Perte du jeton :
  - difficulté de détecter un tel cas
  - impossibilité de prendre en compte le temps écoulé entre deux passages du jeton (temps passé en Section Critique est très variable)
  - des algorithmes gèrent ce problème de perte et régénération de jeton sur un anneau (non vu dans ce cours)

## Inconvénients(2)

- Problème de la panne d'un processus
  - plus facile à gérer que dans les algorithmes précédents
  - envoi d'un acquittement à la réception du jeton : permet de détecter la panne de l'un des processus
  - le processus mort peut être retiré de l'anneau et le suivant prend alors sa place
  - pour implanter ceci : chaque processus doit connaître la configuration courante de l'anneau.

Conclusion : structure d'anneau lourde à gérer si virtuelle

Exercice : synchronisation distribuée des robots

## Algorithme de Naimi-Trehel

Pas de structure d'anneau

## Principe

- Les processus sont logiquement organisés en arbre construit à partir des requêtes de demande d'accès en Section Critique
- Seul le processus qui possède le jeton peut accéder à la section critique

## Hypothèses

- Réseau complet, chaque processus peut communiquer avec tous les autres
- Nombre de processus fixé
- Pas de départ ni arrivée de processus
- Chaque processus a un identificateur
- Pas de perte de message

## Structures de données distribuées

- Une file de requêtes : **next**
- Un arbre de chemins vers le dernier demandeur de SC : **owner**

## Variables pour chaque processus $P_i$

- **owner** : processus qui possède probablement le jeton. Toute demande de  $P_i$  d'accès à la Section Critique sera envoyée à ce processus.
- **next** : processus à qui  $P_i$  devra transmettre le jeton à sa sortie de Section Critique.

## Principe de l'algorithme (1)

Initialisation :

- ***electednode*** : processus désigné comme étant le propriétaire du jeton. C'est la racine de l'arbre.
- ***owner*** : initialisé à ***electednode***
- ***next*** : initialisé à ***nil***



## Principe de l'algorithme (2)

Quand un processus  $P_i$  demande l'accès à la Section Critique

- S'il ne possède pas le jeton, il envoie sa requête à **owner** et attend de recevoir le jeton
- S'il possède déjà le jeton, il entre en Section Critique

## Principe de l'algorithme (3)

Quand un processus  $P_i$  reçoit une requête d'entrée en SC de la part de  $P_j$

- S'il possède le jeton et qu'il n'est pas en SC alors il envoie le jeton à  $P_j$  et met à jour sa variable **owner**
- S'il possède le jeton et s'il est en SC, il met à jour **next**
- S'il ne possède pas le jeton et qu'il attend la section critique : il enregistre la demande dans **next**
- S'il ne possède pas le jeton et qu'il n'attend pas la section critique : il transmet la requête à **owner**

## Principe de l'algorithme (4)

Quand un processus  $P_i$  sort de SC :

- si **next** est initialisé il envoie le jeton à **next** et réinitialise **next** à nil
- sinon garde le jeton

## Exemple des robots

Soient 4 robots  $R_1, R_2, R_3, R_4$

- Initialisation : le robot  $R_1$  possède le jeton (electednode)
- Le robot  $R_2$  demande l'accès à la section critique
- Lorsqu'il est en section critique le robot  $R_3$  demande l'accès à la section critique
- Dérouler l'algorithme jusqu'à la fin

A l'initialisation :

$R_1$	0				
owner	nil				
next	nil				
jeton	T				
SC	F				

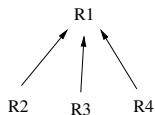
$R_2$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

$R_3$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

	Évènement
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :



# Algorithme de Naimi-Trehel

$R_1$	0				
owner	nil				
next	nil				
jeton	T				
SC	F				

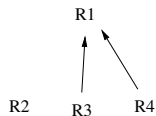
$R_2$	0	1			
owner	$R_1$	nil			
next	nil	nil			
jeton	F	F			
SC	F	T			

$R_3$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

	Évènement
1	$R_2$ demande l'accès à la base
2	$R_2$ envoie $REQ(2)$ à $R_1$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :



$R_2$  attend le jeton

# Algorithme de Naimi-Trehel

$R_1$	0	3			
owner	nil	$R_2$			
next	nil	nil			
jeton	T	F			
SC	F	F			

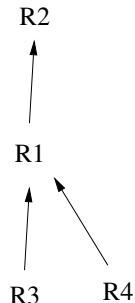
$R_2$	0	1			
owner	$R_1$	nil			
next	nil	nil			
jeton	F	F			
SC	F	T			

$R_3$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

	Évènement
1	$R_2$ demande l'accès à la base
2	$R_2$ envoie <i>REQ</i> (2) à $R_1$
3	$R_1$ reçoit <i>REQ</i> (2) de $R_2$
4	$R_1$ envoie <i>JETON</i> à $R_2$
5	
6	
7	
8	
9	
10	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :



# Algorithmes de Naimi-Trehel

$R_1$	0	3			
owner	nil	$R_2$			
next	nil	nil			
jeton	T	F			
SC	F	F			

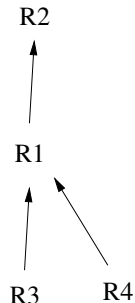
$R_2$	0	1	5		
owner	$R_1$	nil	nil		
next	nil	nil	nil		
jeton	F	F	T		
SC	F	T	T		

$R_3$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

	Évènement
1	$R_2$ demande l'accès à la base
2	$R_2$ envoie <i>REQ</i> (2) à $R_1$
3	$R_1$ reçoit <i>REQ</i> (2) de $R_2$
4	$R_1$ envoie <i>JETON</i> à $R_2$
5	$R_2$ reçoit <i>JETON</i> de $R_1$
6	$R_2$ accède à la base et se recharge
7	
8	
9	
10	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :





# Algorithmes de Naimi-Trehel

$R_1$	0	3			
owner	nil	$R_2$			
next	nil	nil			
jeton	T	F			
SC	F	F			

$R_2$	0	1	5		
owner	$R_1$	nil	nil		
next	nil	nil	nil		
jeton	F	F	T		
SC	F	T	T		

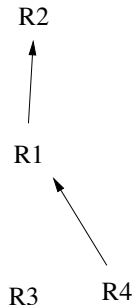
$R_3$	0	7			
owner	$R_1$	nil			
next	nil	nil			
jeton	F	F			
SC	F	T			

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

$R_3$  attend pour accéder à la base

	Évènement
1	$R_2$ demande l'accès à la base
2	$R_2$ envoie <i>REQ</i> (2) à $R_1$
3	$R_1$ reçoit <i>REQ</i> (2) de $R_2$
4	$R_1$ envoie <i>JETON</i> à $R_2$
5	$R_2$ reçoit <i>JETON</i> de $R_1$
6	$R_2$ accède à la base et se recharge
7	$R_3$ demande l'accès à la base
8	$R_3$ envoie <i>REQ</i> (3) à $R_1$
9	
10	
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :



# Algorithmes de Naimi-Trehel

$R_1$	0	3	9		
owner	nil	$R_2$	$R_3$		
next	nil	nil	nil		
jeton	T	F	F		
SC	F	F	F		

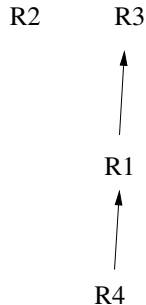
$R_2$	0	1	5		
owner	$R_1$	nil	nil		
next	nil	nil	nil		
jeton	F	F	T		
SC	F	T	T		

$R_3$	0	7			
owner	$R_1$	nil			
next	nil	nil			
jeton	F	F			
SC	F	T			

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

	Évènement
1	$R_2$ demande l'accès à la base
2	$R_2$ envoie $REQ(2)$ à $R_1$
3	$R_1$ reçoit $REQ(2)$ de $R_2$
4	$R_1$ envoie $JETON$ à $R_2$
5	$R_2$ reçoit $JETON$ de $R_1$
6	$R_2$ accède à la base et se recharge
7	$R_3$ demande l'accès à la base
8	$R_3$ envoie $REQ(3)$ à $R_1$
9	$R_1$ reçoit $REQ(3)$ de $R_3$
10	$R_1$ envoie $REQ(3)$ à $R_2$
11	
12	
13	
14	
15	
16	
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :



# Algorithmes de Naimi-Trehel

$R_1$	0	3	9		
owner	nil	$R_2$	$R_3$		
next	nil	nil	nil		
jeton	T	F	F		
SC	F	F	F		

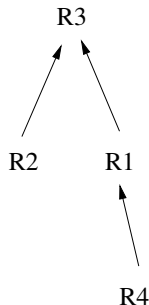
$R_2$	0	1	5	11	
owner	$R_1$	nil	nil	$R_3$	
next	nil	nil	nil	$R_3$	
jeton	F	F	T	T	
SC	F	T	T	T	

$R_3$	0	7			
owner	$R_1$	nil			
next	nil	nil			
jeton	F	F			
SC	F	T			

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

	Évènement
1	$R_2$ demande l'accès à la base
2	$R_2$ envoie <i>REQ</i> (2) à $R_1$
3	$R_1$ reçoit <i>REQ</i> (2) de $R_2$
4	$R_1$ envoie <i>JETON</i> à $R_2$
5	$R_2$ reçoit <i>JETON</i> de $R_1$
6	$R_2$ accède à la base et se recharge
7	$R_3$ demande l'accès à la base
8	$R_3$ envoie <i>REQ</i> (3) à $R_1$
9	$R_1$ reçoit <i>REQ</i> (3) de $R_3$
10	$R_1$ envoie <i>REQ</i> (3) à $R_2$
11	$R_2$ reçoit <i>REQ</i> (3) de $R_1$
12	
13	
14	
15	
16	
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :



# Algorithmes de Naimi-Trehel

$R_1$	0	3	9		
owner	nil	$R_2$	$R_3$		
next	nil	nil	nil		
jeton	T	F	F		
SC	F	F	F		

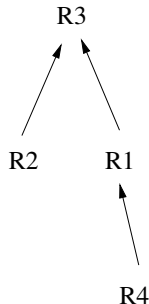
$R_2$	0	1	5	11	12
owner	$R_1$	nil	nil	$R_3$	$R_3$
next	nil	nil	nil	$R_3$	nil
jeton	F	F	T	T	F
SC	F	T	T	T	F

$R_3$	0	7			
owner	$R_1$	nil			
next	nil	nil			
jeton	F	F			
SC	F	T			

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

	Évènement
1	$R_2$ demande l'accès à la base
2	$R_2$ envoie $REQ(2)$ à $R_1$
3	$R_1$ reçoit $REQ(2)$ de $R_2$
4	$R_1$ envoie $JETON$ à $R_2$
5	$R_2$ reçoit $JETON$ de $R_1$
6	$R_2$ accède à la base et se recharge
7	$R_3$ demande l'accès à la base
8	$R_3$ envoie $REQ(3)$ à $R_1$
9	$R_1$ reçoit $REQ(3)$ de $R_3$
10	$R_1$ envoie $REQ(3)$ à $R_2$
11	$R_2$ reçoit $REQ(3)$ de $R_1$
12	$R_2$ est rechargé, quitte la base
13	$R_2$ envoie $JETON$ à $R_3$
14	
15	
16	
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :



# Algorithmes de Naimi-Trehel

$R_1$	0	3	9		
owner	nil	$R_2$	$R_3$		
next	nil	nil	nil		
jeton	T	F	F		
SC	F	F	F		

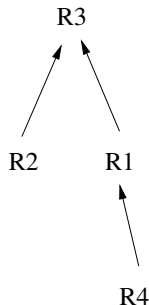
$R_2$	0	1	5	11	12
owner	$R_1$	nil	nil	$R_3$	$R_3$
next	nil	nil	nil	$R_3$	nil
jeton	F	F	T	T	F
SC	F	T	T	T	F

$R_3$	0	7	14		
owner	$R_1$	nil	nil		
next	nil	nil	nil		
jeton	F	F	T		
SC	F	T	T		

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

	Évènement
1	$R_2$ demande l'accès à la base
2	$R_2$ envoie <i>REQ</i> (2) à $R_1$
3	$R_1$ reçoit <i>REQ</i> (2) de $R_2$
4	$R_1$ envoie <i>JETON</i> à $R_2$
5	$R_2$ reçoit <i>JETON</i> de $R_1$
6	$R_2$ accède à la base et se recharge
7	$R_3$ demande la base
8	$R_3$ envoie <i>REQ</i> (3) à $R_1$
9	$R_1$ reçoit <i>REQ</i> (3) de $R_3$
10	$R_1$ envoie <i>REQ</i> (3) à $R_2$
11	$R_2$ reçoit <i>REQ</i> (3) de $R_1$
12	$R_2$ est rechargé, quitte la base
13	$R_2$ envoie <i>JETON</i> à $R_3$
14	$R_3$ reçoit <i>JETON</i> de $R_2$
15	$R_3$ accède à la base et se recharge
16	
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :



# Algorithme de Naimi-Trehel

$R_1$	0	3	9		
owner	nil	$R_2$	$R_3$		
next	nil	nil	nil		
jeton	T	F	F		
SC	F	F	F		

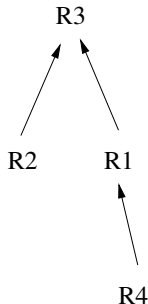
$R_2$	0	1	5	11	12
owner	$R_1$	nil	nil	$R_3$	$R_3$
next	nil	nil	nil	$R_3$	nil
jeton	F	F	T	T	F
SC	F	T	T	T	F

$R_3$	0	7	14	16	
owner	$R_1$	nil	nil	nil	
next	nil	nil	nil	nil	
jeton	F	F	T	T	
SC	F	T	T	F	

$R_4$	0				
owner	$R_1$				
next	nil				
jeton	F				
SC	F				

	Évènement
1	$R_2$ demande l'accès à la base
2	$R_2$ envoie <i>REQ</i> (2) à $R_1$
3	$R_1$ reçoit <i>REQ</i> (2) de $R_2$
4	$R_1$ envoie <i>JETON</i> à $R_2$
5	$R_2$ reçoit <i>JETON</i> de $R_1$
6	$R_2$ accède à la base et se recharge
7	$R_3$ demande l'accès à la base
8	$R_3$ envoie <i>REQ</i> (3) à $R_1$
9	$R_1$ reçoit <i>REQ</i> (3) de $R_3$
10	$R_1$ envoie <i>REQ</i> (3) à $R_2$
11	$R_2$ reçoit <i>REQ</i> (3) de $R_1$
12	$R_2$ est rechargé, quitte la base
13	$R_2$ envoie <i>JETON</i> à $R_3$
14	$R_3$ reçoit <i>JETON</i> de $R_2$
15	$R_3$ accède à la base pour se recharger
16	$R_3$ est rechargé, quitte la base
17	
18	
19	
20	
...	

Arbre :



## File de requêtes : *next*

- Processus en tête de file possède le jeton
- Possède une variable *next* qui mémorise le processus suivant en attente
- Chaque nouvelle requête de SC est placée en queue de file
- Processus en queue de file est le dernier processus qui a fait une demande d'entrée en SC

## Arbre de chemins vers le dernier demandeur de SC : *owner*

- Une nouvelle requête est transmise suivant le chemin des pointeurs de *owner* jusqu'à la racine de l'arbre (*owner* = nil)
  - reconfiguration dynamique de l'arbre : nouveau demandeur devient la racine de l'arbre
  - les processus faisant partie du chemin entre la nouvelle racine et les anciennes racines modifient leurs pointeurs *owner* :  
*owner* = nouvelle racine



## Complexité

Le nombre de messages requis pour une utilisation de la Section Critique est :

- Pire cas :  $N$ , chaque processus demande à son tour (arbre linéaire)
- Meilleur cas :  $0$ , le processus possède le jeton
- Moyenne :  $\text{Log}(N)$

*Exercice : déroulement de l'algorithme*

Un algorithme de section critique doit garantir la sûreté et l'absence de famine

## Preuve de la sûreté... Informelle

Il n'y a qu'un seul jeton, il y a deux cas où le processus envoie le jeton (quand il sort de SC et que la variable *next* n'est pas à *nil* et quand il reçoit une demande et que sa variable *sc* est à *false*). Dans les deux cas il ne transmet le jeton à un seul processus et le perd. Il n'y a donc qu'un seul processus qui possède le jeton et donc un seul processus qui peut être en section critique à un instant  $t$  puisqu'il faut le jeton pour entrer en section critique.

## Limitations

- Accès à la section critique uniquement basé sur la circulation d'un jeton
- Garantissent la sûreté, l'absence de famine et de deadlock
- **MAIS** ne garantissent pas l'ordre d'accès par rapport aux messages échangés entre les processus

## Illustration

- Affichage de log pour un programme distribué
- Accès à la console de log en section critique
- Les processus échangent des informations d'avancement

## Exemple

$$C = A * B$$

$$V = T * S$$

$$F = D * E$$

$$W = X * Y$$

$$I = C * F$$

$$Z = W * V$$

$$R = Z * I$$

4 processus P1 à P4

## Exemple

Exécution prévue :

*P4 :  $C = A * B$  en parallèle avec P2*

*P2 :  $F = D * E$  en parallèle avec P4*

*P2 :  $I = C * F$*

*P1, P3 : W et Z  $\Rightarrow$  ne participent pas à cette partie de calcul  
mais partagent la ressource d'affichage*

## Exemple

Exécution prévue :

*P4 :  $C = A * B$  en parallèle avec P2*

*P2 :  $F = D * E$  en parallèle avec P4*

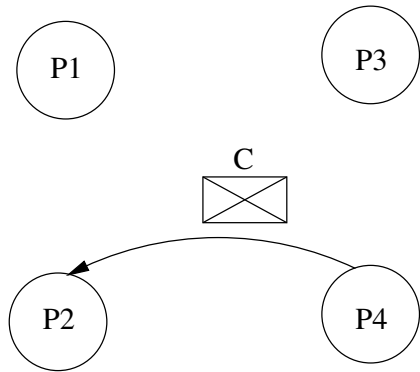
*P2 :  $I = C * F$*

*P1, P3 : W et Z  $\Rightarrow$  ne participent pas à cette partie de calcul  
mais partagent la ressource d'affichage*

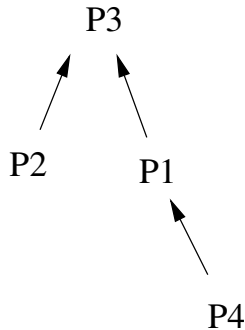
I ne peut être calculé qu'une fois que C et F le sont

# Exemple

P4 a fini son calcul envoie le résultat C à P2



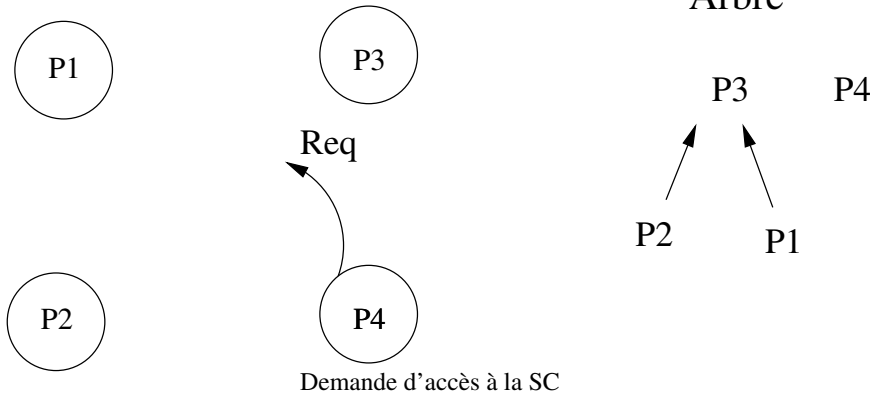
Arbre



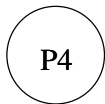
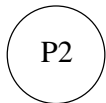
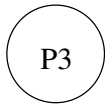
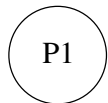


P4 veut afficher un message de fin sur la console

Arbre

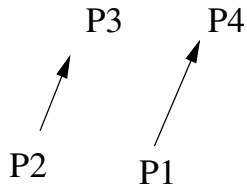


Le message arrive en P1



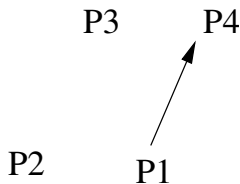
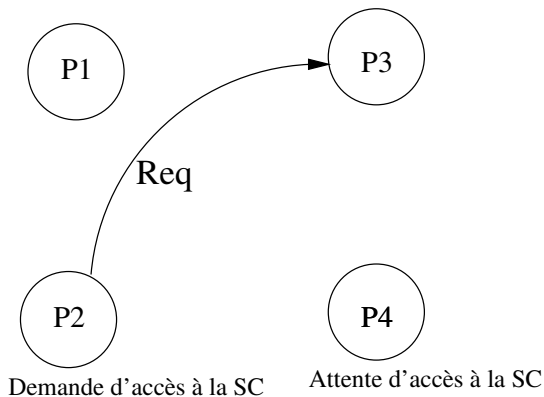
Attente d'accès à la SC

Arbre

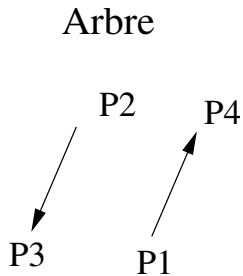
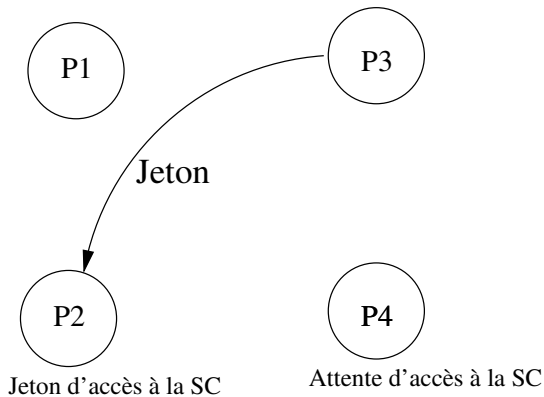


# Exemple

P2 termine, il veut afficher un message de fin sur la console  
**Arbre**



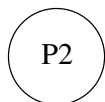
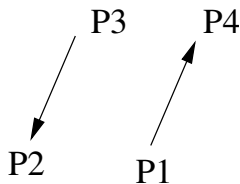
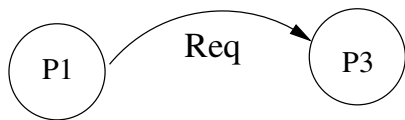
# Exemple



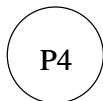
# Exemple

P1 transmet le message de P4, P2 affiche son message

Arbre

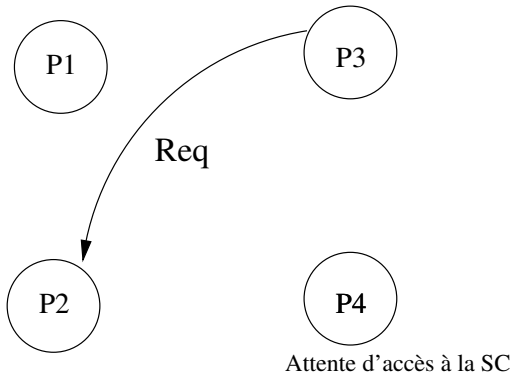


Sort de SC

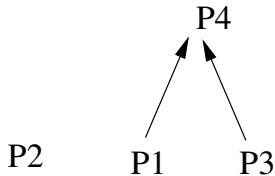


Attente d'accès à la SC

P3 transmet le message de P4



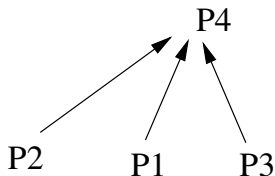
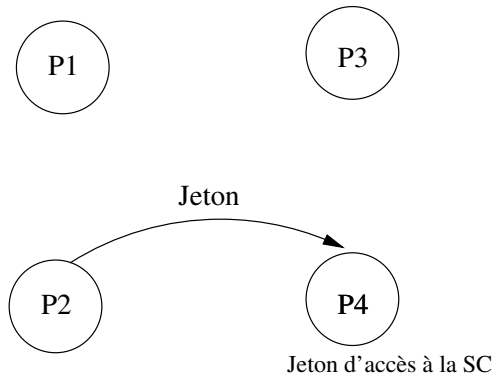
Arbre



# Exemple

P4 reçoit le jeton et affiche le message

Arbre



# Exemple

Exécution réelle :	Affichage console :
P4 : affiche "P4 commence C = A * B"	P4 commence C = A * B
P2 : affiche "P2 commence F = D * E"	P2 commence F = D * E
P4 : termine en 1er, envoie C à P2	
P4 : demande à accéder à la console (SC)	
P2 : reçoit message de P4	
P2 : termine en 2nd	
P2 : demande l'accès à la console	
P2 : obtient l'accès à la console	
P2 : Affiche "P2 finit son calcul"	P2 finit son calcul
P2 : affiche "P2 commence I = C * F"	P2 commence I = C * F
P2 : relâche l'accès à la console	
P2 : calcule $I = C * F$	
P4 : obtient l'accès à la console	
P4 : Affiche "P4 finit son calcul"	P4 finit son calcul